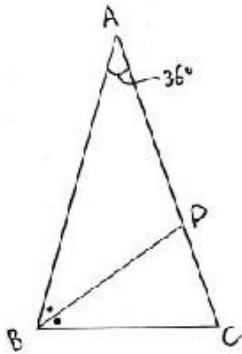
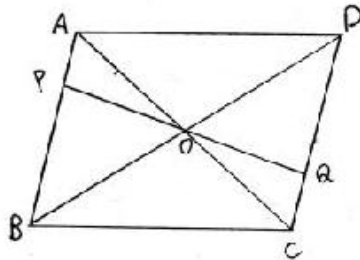


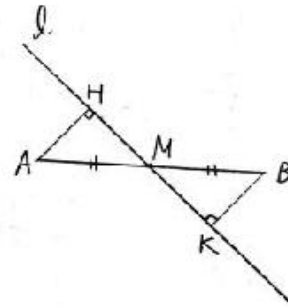
①



②



③



1. すべての角の大きさがわかる

$$\angle B = \angle C = (180 - 36) \div 2 = 72^\circ$$

$$\angle ABD = \angle DBC = 72 \div 2 = 36^\circ$$

$$\angle BDC = 180 - 72 - 36 = 36^\circ$$

以上により底角が等しいので $\triangle BCD$ 、 $\triangle DAB$ ともに二等辺三角形

よって $BC = BD = AD = 5 \text{ cm}$

2. $\triangle APO$ と $\triangle CQO$ において

対角線が中点で交わることより $AO = CO \dots\dots\dots ①$

錯角より $\angle PAO = \angle QCO \dots\dots\dots ②$

対頂角より $\angle AOP = \angle COQ \dots\dots\dots ③$

①②③より いっぺんとその両端の角がそれぞれ等しいので

$$\triangle APO \equiv \triangle CQO$$

よって対応する辺は等しいので $PO = QO$

3. (1) $\triangle AHM$ と $\triangle BKM$ において

中点より $AM = BM \dots\dots\dots ①$

仮定より $\angle AHM = \angle BKM = 90^\circ \dots\dots\dots ②$

対頂角なので $\angle AMH = \angle BMK$ ③

①②③より直角三角形で斜辺と1つの鋭角がそれぞれ等しいので

$$\triangle AHM \equiv \triangle BKM$$

よって対応する辺は等しいので $AH = BK$

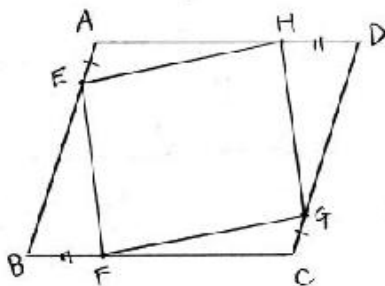
(2) (1)より $AH = BK$

②より $AH \parallel BK$

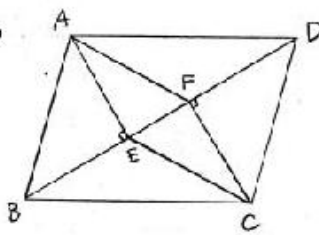
これで向かい合う一組の辺が等しくて平行なので

四角形 $AKBH$ は平行四辺形

④



⑤



4 $\triangle AEH$ と $\triangle CGF$ において

仮定より $AE = CG$ ①

向かい合う角なので $\angle A = \angle C$ ②

向かい合う辺なので $AD = BC$ ③

仮定より $DH = BF$ ④

③-④より $AH = CF$ ⑤

①②⑤より 二辺とその間の角がそれぞれ等しいので

$$\triangle AEH \equiv \triangle CGF$$

同様に $\triangle BFE \equiv \triangle DHG$

よって 対応する辺は等しいので $EH = FG$ $EF = HG$

二組の向かい合う辺が等しいので 四角形EFGHは平行四辺形

5. $\triangle ABE$ と $\triangle CDF$ において

向かい合う辺なので $AB=CD$ ①

錯角より $\angle ABE=\angle CDF$ ②

仮定より $\angle AEB=\angle CFD=90^\circ$ ③

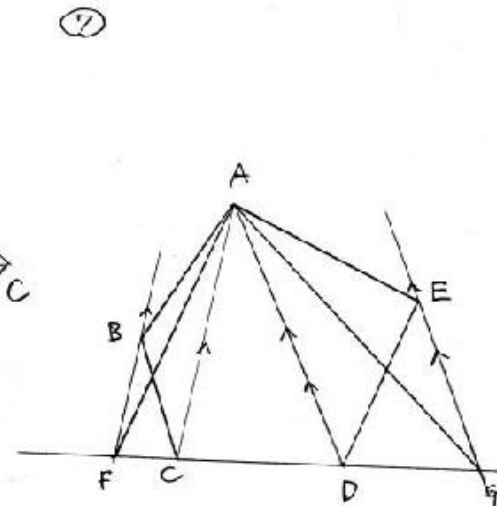
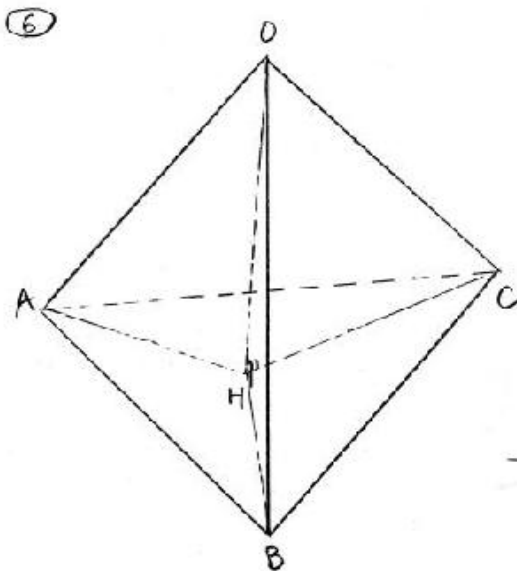
①②③より 直角三角形で斜辺と1つの鋭角がそれぞれ等しいので

$$\triangle ABE \equiv \triangle CDF$$

よって $AE=CF$

このことと③より向かい合う一組の辺が等しくて平行なので

四角形AECFは平行四辺形



6. $\triangle OAH$ と $\triangle OCH$ において

仮定より $OA=OC$ ①

$\angle AHO=\angle CHO=90^\circ$ ②

共通なので $OH=OH$ ③

①②③より直角三角形で斜辺と他の一辺がそれぞれ等しいので

$$\triangle OAH \equiv \triangle OCH$$

よって対応する辺は等しいので $AH=CH$

$AH=BH$ も同様 よって $AH=BH=CH$

7. 作図さえできればよい。