

P 1 2 4 例題1 「例題1を読んでください。」

$$AO = 2CO \quad DO = 2BO$$

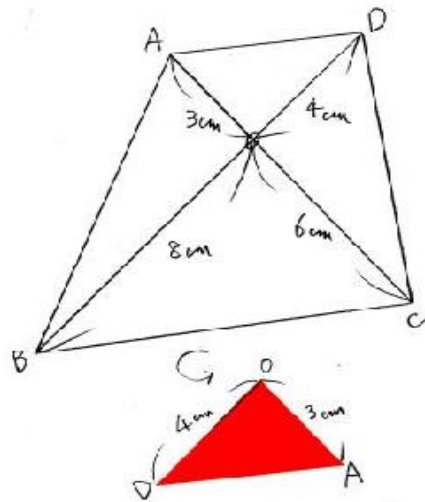
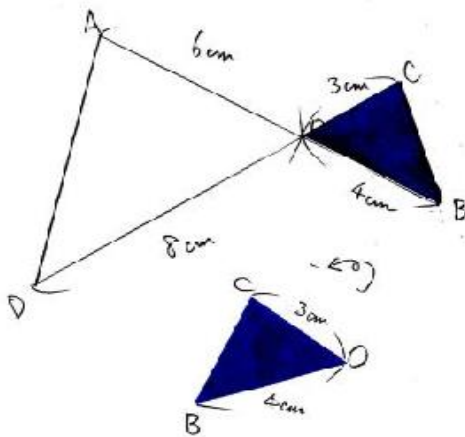
「これは長さを決めておいた方が考えやすいです」

「COはいくらにしましょうか?」「3cm」するとAO=6cm

「BOはいくらにしましょうか?」「4cm」するとDO=8cm

これで図を描いてみましょう。

問2



$\triangle COB$ は裏返すと $\triangle AOD$ と相似になります。このことを証明しましょう。

$\triangle AOD$ と $\triangle COB$ において

仮定より  $AO = 2CO$  よって  $AO : CO = 2 : 1$

$DO = 2BO$  よって  $DO : BO = 2 : 1$

なので  $AO : CO = DO : BO \dots \dots \dots$  ①

対頂角より  $\angle AOD = \angle COB \dots \dots \dots$  ②

①②より 2組の辺の比とその間が等しいので  $\triangle AOD \sim \triangle COB$

問1  $AD : CB = 2 : 1$  よって  $AD = 2CB$

問2  $\triangle OAD$ はくるっと回転すると $\triangle OCB$ と相似になります。

このことを証明しましょう。

$\triangle OAD$ と $\triangle OCB$ において

$$AO : CO = 3 : 6 = 1 : 2$$

$$OD : OB = 4 : 8 = 1 : 2$$

$$\text{よって } AO : CO = OD : OB \dots \dots \textcircled{1}$$

$$\text{対頂角なので } \angle AOD = \angle COB \dots \dots \textcircled{2}$$

①②より2組の辺の比とその間の角が等しいので  $\triangle OAD \sim \triangle OCB$

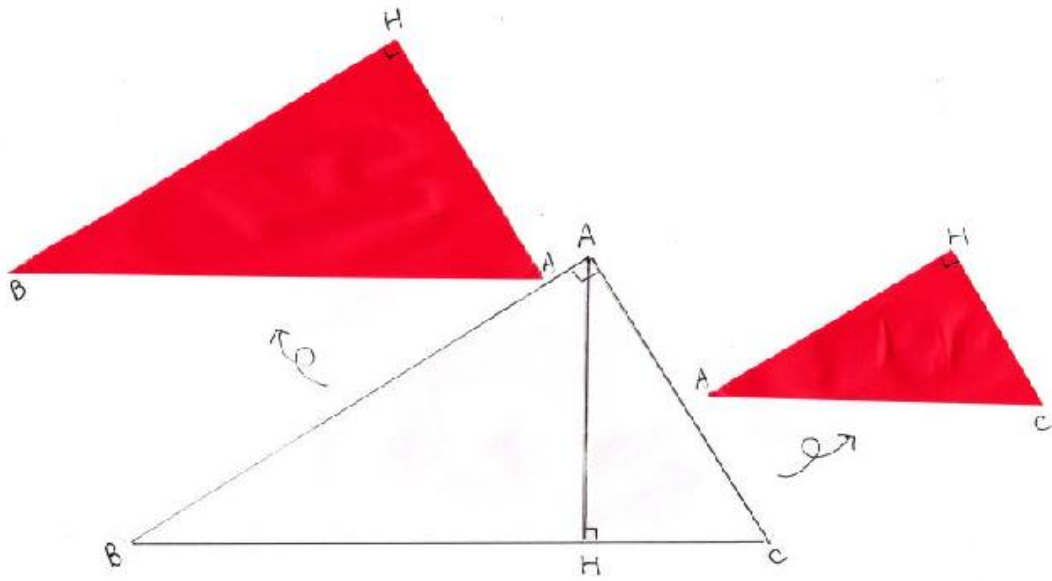
相似な図形の対応する角は等しいので  $\angle ADO = \angle CBO$

これは錯角が等しいことなので  $AD \parallel BC$

みんなで話し合ってみよう 「みんなで話し合ってみようを読んでください。」

これは「三角パンの秘密」というお話になっています。

おいしい三角パンが有名ですが、これが発売された当時は画期的なパンとして注目されました。それまでのパンはどれも丸くて、しかも日本はそんなに裕福でなかったのです。母親が一つの丸いパンを買ってきて兄弟にその丸いパンを引きちぎって分けて食べさせていました。兄弟は一度でいいからパンを丸ごと食べてみたいと思っていたようです。そこにあらわれたこの三角パン、頂点から垂直にナイフを入れると大小二つの元の三角パンと全く同じ形の三角パンになるんです。大きい方は兄ちゃん、小さい方は弟に食べさせると2人は納得してそれぞれの三角パンを丸ごと嬉しそうに食べたそうです。



まず $\triangle ABC$ と $\triangle HBA$ について

$$\angle BAC = \angle BHA = 90^\circ \dots\dots ①$$

$$\angle ABC = \angle HBA \text{ (共通)} \dots\dots ②$$

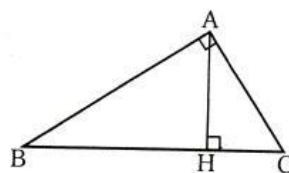
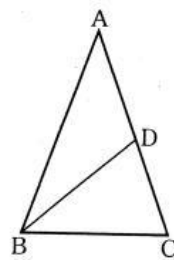
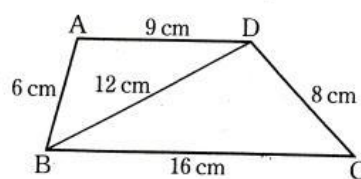
①②より2組の角がそれぞれ等しいので  $\triangle ABC \sim \triangle HBA$

同様にして  $\triangle ABC \sim \triangle HAC$

よってこの3つの直角三角形はすべて相似となります。

### 練習問題

---



1.  $\triangle ABD$ と $\triangle CDB$ において

$$AB : CD = 3 : 8 = 3 : 4$$

$$AD : DB = 9 : 12 = 3 : 4$$

$$BD : CB = 12 : 16 = 3 : 4$$

以上により 3組の辺の比が全て等しいので $\triangle ABD \sim \triangle CDB$

よって対応する角は等しいので $\angle ADB = \angle CBD$  これは錯角なので $AD \parallel BC$

2.  $\triangle ABC$ と $\triangle BDC$ において

$$AB = AC \text{ より底角は等しいので } \angle ABC = \angle BCD \dots \textcircled{1}$$

$$BC = BD \text{ より底角は等しいので } \angle BCD = \angle BDC \dots \textcircled{2}$$

$$\textcircled{1}\textcircled{2} \text{ より } \angle ABC = \angle BDC \dots \textcircled{3}$$

$$\text{共通より } \angle ACB = \angle BCD \dots \textcircled{4}$$

$\textcircled{3}\textcircled{4}$ より 2組の角がそれぞれ等しいので  $\triangle ABC \sim \triangle BDC$

$CD = x$  とすると、対応する辺の比は等しいので  $10 : 7 = 7 : x$

$$10x = 49 \quad x = 4.9$$

3.  $\triangle ABH \sim \triangle CAH$ より対応する辺の比は等しいので

$$CH = x \text{ とすると } 9 : 6 = 6 : x$$

$$9x = 36 \quad x = 4$$