

H 2 8 公立高校入試

1.

(1)  $-4 - 6 = -10$

(2)  $\sqrt{5}(\sqrt{5} - 1) = \sqrt{25} - \sqrt{5} = 5 - \sqrt{5}$

(3) 等式  $6a - 3b = 1$

$$-3b = -6a + 1$$

$$b = \frac{-6a}{-3} + \frac{1}{-3} = 2a - \frac{1}{3}$$

(4) 二次方程式  $x^2 + 3x - 2 = 0$   $x = \frac{-3 \pm \sqrt{9 + 8}}{2} = \frac{-3 \pm \sqrt{17}}{2}$

(5)  $2\pi \times 10 \times \frac{36}{360} = 2\pi$  (cm)

(6) 関数  $y = \frac{8}{x}$  のグラフ上にある  $x, y$  座標とも整数である点

$(1, 8)$   $(2, 4)$   $(4, 2)$   $(8, 1)$

$(-1, -8)$   $(-2, -4)$   $(-4, -2)$   $(-8, -1)$

8個

(7) 変化の割合  $= \frac{y \text{ の増加量}}{x \text{ の増加量}} = \frac{-1}{2} = -\frac{1}{2}$

$x = 0, y = 1$  なので切片は 1

よって  $y = -\frac{1}{2}x + 1$

(8) 赤玉3個、白玉4個

順に1. 2. 3. 4. 5. 6. 7

同時に二個取り出すと 1-2. 1-3. 1-4. 1-5. 1-6. 1-7

2-3. 2-4. 2-5. 2-6. 2-7

3-4. 3-5. 3-6. 3-7

4-5. 4-6. 4-7

5-6. 5-7

6-7

同じ色が出ているのは 1-2. 1-3

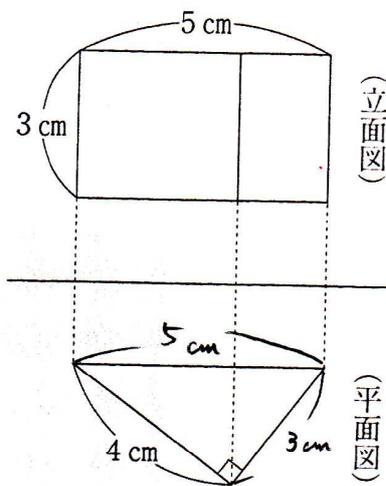
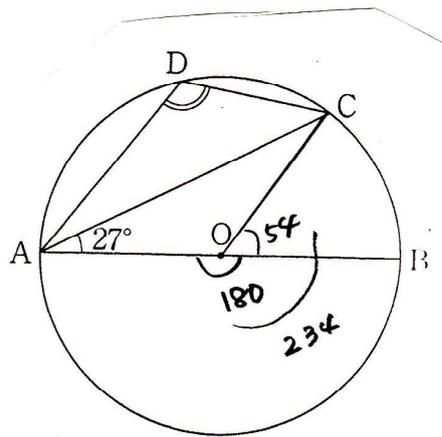
2-3

4-5. 4-6. 4-7

5-6. 5-7

6-7      9通り

$$\text{確率} \frac{9}{21} = \frac{3}{7}$$



(9)  $54 + 180 = 234$

$234 \div 2 = 117^\circ$

(10) 三平方の定理より 残りの一辺は4 cm

体積は  $\frac{1}{2} \times 3 \times 4 \times 3 = 18 \text{ cm}^2$

2.

(1) (a)  $12 + 16 + 20 = 48 = \text{ア}$   $16 \times 3$

(b) イ  $m(n-1)$  ウ  $m(n+1)$

エ  $3mn$

(2) 30の倍数なので 中央の数が10の倍数になる

10, 20, 30になっているところは全部で6組

3.

(1)  $B \rightarrow A$  と  $C \rightarrow D$  は同じなので  $D(0, 6)$

(2)  $\square ABCD$  は  $\triangle BDC$  の面積の二倍なので

$\triangle BDC$  の面積を求める。

直線  $BC$  は傾き  $\frac{-3}{3} = -1$  であり点  $(1, 1)$  を通るので

$y = -x + b$   $(1, 1)$  を代入して

$$1 = -1 + b \quad b = 2 \quad y = -x + 2$$

$\triangle BDC$  を  $y$  軸で分けて右側は  $\frac{4 \times 1}{2} = 2$

$$\text{左側は } \frac{4 \times 2}{2} = 4 \quad 2 + 4 = 6$$

(3)  $\square ABCD$  の対角線の交点を通る直線で二等分されるので

$BD$  の中点  $\left( \frac{-2+0}{2}, \frac{4+6}{2} \right) = (-1, 5)$  と  $(3, 3)$  を通る直線は

傾き  $\frac{3-5}{3-(-1)} = -\frac{1}{2}$  で  $(3, 3)$  を通るので

$y = -\frac{1}{2}x + b$   $(3, 3)$  を代入して

$$3 = -\frac{3}{2} + b \quad b = 3 + \frac{3}{2} = \frac{9}{2} \quad \text{よって } y = -\frac{1}{2}x + \frac{9}{2}$$

(4)  $\triangle OBC$ の面積は  $y$  軸で分けて右側は  $\frac{2 \times 1}{2} = 1$

$$\text{左側は } \frac{2 \times 2}{2} = 2 \quad 1 + 2 = 3$$

なので  $\triangle OAP = 3 \times 5 = 15$

$y$  軸上の点  $F(0, f)$  で  $\triangle OAF = 15$  なる点とする。

$$\frac{1}{2} \times 3 \times f = 15 \quad f = 10$$

$F$  を通って  $AO$  と平行な直線が関数  $y = x^2$  のグラフとの交点  $P$  を求める。

直線  $AO$  の傾きは  $\frac{-9}{3} = -3$   $F(0, 10)$  は切片なので

$$y = -3x + 10$$

$$y = x^2$$

$$x^2 = -3x + 10 \quad x^2 + 3x - 10 = 0$$

$$(x + 5)(x - 2) = 0 \quad x > 0 \text{ なので}$$

$$x = 2 \quad P(2, 4)$$



4.

(1)  $\triangle BDF \sim \triangle BAC$  相似比は  $1 : 2$  なので

$$DF : AC = 1 : 2$$

$$DF : 2 = 1 : 2 \quad DF = 1 \text{ cm}$$

(2)  $\triangle ADE$  は  $2 \text{ cm}$ ,  $2 \text{ cm}$  の直角二等辺三角形である。

$$\text{面積は } \frac{2 \times 2}{2} = 2$$

(3)  $\triangle ACG$  と  $\triangle EFG$  において

$$\text{対頂角なので } \angle EGF = \angle AGC \dots\dots\dots \textcircled{1}$$

$$\text{仮定より } \angle GAC = 45^\circ$$

$\triangle ADE$  において三角形の内角の和は  $180^\circ$  なので

$$\angle ADE = 90^\circ \quad \angle DAE = 45^\circ$$

$$\text{よって残りの一つの角 } \angle GEF = 45^\circ$$

$$\text{なので } \angle GAC = \angle GEF \dots\dots\dots \textcircled{2}$$

$\textcircled{1}\textcircled{2}$  より 2 組の角がそれぞれ等しいので

$$\triangle ACG \sim \triangle EFG$$

(4) (3) の相似比は  $EF : AC = 1 : 2$

$$AG : GE = 2 : 1 \quad AG = \frac{2}{3} \times 2\sqrt{2} = \frac{4}{3}\sqrt{2}$$

5.

$$(1) 66 \times 3.14 \times 14 = 2901.36$$

$$29\text{m}$$

$$(2) (a) t \text{ 台分作ったとすると } 8 + 2t + 0.4(t-1) = 58$$

$$2.4t = 58 - 7.6$$

$$2.4t = 50.4$$

$$t = 21 \quad 21 \text{ 台分}$$

$$(b) \quad 2.5\text{mのものを} x, 3.5\text{mのものを} y, \text{ とすると}$$

$$x + y = 22$$

$$2.5x + 3.5y = 58$$

$$5x + 7y = 116$$

$$5x + 5y = 110$$

$$2y = 6 \quad y = 3$$

$$x = 19$$

$$2.5\text{m のもの} 19 \quad 3.5\text{mのもの} 3$$